

1	+1	+1	+1	70	28	24	24	21	22	22,3
2	-1	+1	+1	40	28	24	22	20	18	20
3	+1	-1	+1	70	22	24	21	22	16	19,7
4	-1	-1	+1	40	22	24	19	17	14	16,7
5	+1	+1	-1	70	24	16	20	18	18	18,7
6	-1	+1	-1	40	24	16	19	15	17	17
7	+1	-1	-1	70	16	16	22	14	17	17,7
8	-1	-1	-1	40	16	16	21	15	18	18

На основании полученных данных вычислены коэффициенты регрессии:

$$b_o = \frac{1}{N} \sum y_i = \frac{1}{8} (22.3 + 20 + 19.7 + 16.7 + 18.7 + 17 + 17.6 + 18) = 18.75; \quad (2)$$

$$b_1 = \frac{1}{N} \sum x_{ji} y_i = \frac{1}{8} (22.3 - 20 + 19.7 - 16.7 + 18.7 - 17 + 17.6 - 18) = 0.83; \quad (3)$$

$$b_2 = \frac{1}{N} \sum x_{ji} y_i = \frac{1}{8} (22.3 + 20 - 19.7 - 16.7 - 18.7 - 17 + 17.6 + 18) = 0.75; \quad (4)$$

$$b_3 = \frac{1}{N} \sum x_{ji} y_i = \frac{1}{8} (22.3 + 20 + 19.7 + 16.7 - 18.7 - 17 - 17.6 - 18) = 0.92. \quad (5)$$

Подставив значения полученных коэффициентов в уравнение, получено уравнение регрессии:

$$y = 18.75 + 0.83x_1 + 0.75x_2 + 0.91x_3 \quad (6)$$

Необходимо установить значимость коэффициентов уравнения регрессии, а также адекватность полученного уравнения, т. е. насколько точно оно описывает интересующую нас зависимость. Чтобы установить:

$$f_1 = N(K - 1), \quad (7)$$

значимость коэффициента, вычислили оценку дисперсии, с которой он определяется. Для этого определили дисперсию воспроизводимости, с которой связано число степеней свободы:

$$f_1 = 8(3 - 1) = 16. \quad (8)$$

$$S_y^2 = \frac{1}{N} \sum_i S_j^2; \quad (9)$$

$$S_j^2 = \frac{1}{K - 1} \sum_i^K (y_{ji} - \bar{y}_j)^2; \quad (10)$$

где: N - число опытов (8); K - число параллельных опытов (3)

Аналогично получено:

$$S_{j_1}^2 = \frac{1}{(3 - 1)} [(24 - 22.3)^2 + (21 - 22.3)^2 + (22 - 22.3)^2] = 2.3. \quad (11)$$

$$S_{j_2}^2 = \frac{1}{(3 - 1)} [(22 - 20)^2 + (20 - 20)^2 + (18 - 20)^2] = 4 \quad (12)$$

$$S_{j_3}^2 = \frac{1}{(3 - 1)} [(21 - 19.7)^2 + (22 - 19.7)^2 + (16 - 19.7)^2] = 10.3 \quad (13)$$

$$S_{j_4}^2 = \frac{1}{(3 - 1)} [(19 - 16.7)^2 + (17 - 16.7)^2 + (14 - 16.7)^2] = 6.3 \quad (14)$$

$$S_{j_5}^2 = \frac{1}{(3 - 1)} [(20 - 18.7)^2 + (18 - 18.7)^2 + (18 - 18.7)^2] = 1.3 \quad (15)$$

$$S_{j_6}^2 = \frac{1}{(3 - 1)} [(19 - 17)^2 + (15 - 17)^2 + (17 - 17)^2] = 4 \quad (16)$$

$$S_{j_7}^2 = \frac{1}{(3 - 1)} [(22 - 17.7)^2 + (14 - 17.7)^2 + (17 - 17.7)^2] = 16.3 \quad (17)$$

$$S_{j_8}^2 = \frac{1}{(3-1)} [(21-18)^2 + (15-18)^2 + (18-18)^2] = 9 \quad (18)$$

Оценку дисперсии среднего значения S_y^2 вычисляли по формуле:

$$S_y^2 = \frac{1}{8} (2.3 + 4 + 10.3 + 6.3 + 1.3 + 4 + 16.3 + 9) = 6.7 \quad (19)$$

$$S_b^2 = \frac{S_y^2}{K} = \frac{6.7}{\sqrt{3}} = 3.87 \quad (20)$$

С помощью полного факторного эксперимента все коэффициенты определили с одинаковой погрешностью. При условии $|b| \geq S_{bt}$, коэффициент регрессии оказался значимым, где, t - критерий Стьюдента.

Для доверительной вероятности $P=0,95$ и 16 степенях свободы критерий Стьюдента $t = 2,12$, тогда:

$$S_{bt} = 3.87 \cdot 2.12 = 8.2 \quad (21)$$

$$|b_0| = 18.75 > 8.2 \quad (22)$$

$$|b_1| = 0.83 < 8.2 \quad (23)$$

$$|b_2| = 0.75 < 8.2 \quad (24)$$

$$|b_3| = 0.92 < 8.2 \quad (25)$$

Коэффициент b_2 незначим, добавка рыбьего жира (x_3) играет малую роль; окончательное уравнение регрессии принимает вид:

$$y = 18.75 + 0.83x_1 + 0.92x_3 \quad (26)$$

Получив уравнение регрессии, проверили его адекватность, т.е. достаточно ли точно оно описывает поверхность отклика [2].

Адекватность уравнения проверяли с помощью критерия Фишера F , который представляет собой отношение:

$$S_{ad}^2 = \frac{\max(S_{ad}^2 : S_y^2)}{\min(S_{ad}^2 : S_y^2)}, \quad (27)$$

причем, большее значение относится к меньшему, где S_{ad}^2 — оценка дисперсии адекватности:

$$S_{ad}^2 = \frac{1}{N-3} \sum_j^N (\bar{y}_{эксп} - \hat{y}_{расч})^2 \quad (28)$$

Для ее определения рассчитали значения функции отклика $\hat{Y}_{расч}$

$$Y_{p1} = 18.75 + 0.83(+1) + 0.92(+1) = 20.4 \quad (29)$$

$$Y_{p2} = 18.75 + 0.83(-1) + 0.92(+1) = 18.9 \quad (30)$$

$$Y_{p3} = 18.75 + 0.83(+1) + 0.92(-1) = 18.6 \quad (31)$$

$$Y_{p4} = 18.75 + 0.83(-1) + 0.92(-1) = 17 \quad (32)$$

$$Y_{p5} = 18.75 + 0.83(+1) + 0.92(+1) = 20.4 \quad (33)$$

$$Y_{p6} = 18.75 + 0.83(-1) + 0.92(+1) = 18.9 \quad (34)$$

$$Y_{p7} = 18.75 + 0.83(+1) + 0.92(-1) = 18.6 \quad (35)$$

$$Y_{p8} = 18.75 + 0.83(-1) + 0.92(-1) = 17 \quad (36)$$

Расчетные и экспериментальные значения функции отклика приведены в табл. 4.

Таблица 4. Расчетные и экспериментальные значения функции отклика жирующих веществ для жиурования меха

№	$\hat{y}_{расч}$	$\bar{y}_{эксп}$	$\hat{y}_{расч} - \bar{y}_{эксп}$	$(\hat{y}_{расч} - \bar{y}_{эксп})^2$
1	20.4	22.3	-1.9	3.7
2	18.9	20	-1.1	1.2
3	18.6	19.7	-1.1	1.2
4	17	16.7	0.4	0.2
5	20.4	18.7	1.75	3
6	18.9	17	1.9	3.7
7	18.6	17.7	0.9	0.8
8	17	18	-0.9	0.8
				$\Sigma = 14.6$

$$S_e^2 = \frac{14.6}{(8-3)} = 2.9 \quad (37)$$

С оценкой дисперсии адекватности также связано число степеней свободы $f_2 = N - B = 8 - 3 = 5$, где B — число коэффициентов уравнения, включая и свободный член.

Уравнение регрессии принято считать адекватным, если $F_{расч} \leq F_{табл}$.

$$F_p = \frac{2.9}{6.7} = 0.43 \quad (38)$$

При $f_1 = 16$ и $f_2 = 5$
 $F = 2,85$; $0,43 \leq 2,85$.

Следовательно, [3] уравнение регрессии можно считать адекватным. Анализируя уравнение видно, что на удлинение кожи большое влияние оказывает расход сложного эфира. Для управления технологическим процессом полученное уравнение можно выразить через натуральные переменные, пользуясь соотношением:

$$(39) \quad x_1 = \left(\frac{x_1 - x_{01}}{\Delta x_1} \right); \quad x_3 = \left(\frac{x_3 - x_{03}}{\Delta x_3} \right), \quad (40)$$

$$(41) \quad x_1 = \frac{x_1 - x_{01}}{15}, \quad x_3 = \frac{x_3 - x_{03}}{4} \quad (42)$$

где, X_{01} и X_{02} — значения факторов в центре плана, т. е. соответственно 55 и 15%; Δx — интервал варьирования (табл. 2).

$$y = 18.75 + 0.83 \frac{x_1 - 55}{15} + 0.92 \frac{x_3 - 20}{4} \quad (43)$$

$$y = 18.75 + \frac{0.83}{15}(x_1 - 55) + \frac{0.92}{3}(x_3 - 20) \quad (44)$$

$$y = 18.75 + 0.05(x_1 - 55) + 0.23(x_3 - 15) \quad (45)$$

$$y = 18.75 + 0.05x_1 - 2.75 + 0.23x_3 - 4.6 \quad (46)$$

$$y = 11.4 + 0.05x_1 + 0.23x_3 \quad (47)$$

Таким образом, в данной работе с помощью полного факторного эксперимента можно получить приближенное математическое описание процесса в виде линейной модели, которая позволяет находить область оптимума жирования кож на основе эфирного масла.

Проведенная с использованием критерия Фишера проверка полученных уравнений подтвердила их адекватность. Оценка значимости коэффициентов в вышеприведенных уравнениях по критерию Стьюдента показала, что все коэффициенты значимы при уровне 95 %-ной вероятности. Анализ уравнений показал, что наиболее существенное влияние на критерий оптимизации оказывает расход эфира. С его увеличением в пределах принятых изменений физико-механические свойства меха улучшаются.

Таким образом, проведенные исследования показали, что оптимальные физико-механические свойства обеспечиваются при расходе жирующих материалов в процессе жирования – 8 - 10 г/л.

Список литературы

1. *Страхов И.П.* Химия и технология кожи и меха // И.П. Страхов, И.С. Шестакова, Д.А. Куциди и др. М.: Легкопромбыгиздат, 1985. 496 с.
2. *Абдурахмонова П.Э.* Влияние новых масложировых составов на функционально-технологические свойства каракуля: Дисс. ...маг. тех. наук. Ташкент, 2019. 72 с.
3. *Головтеева А.А.* «Лабораторный практикум по химии и технологии кожи и меха» Москва, Легпромбыгиздат, 1987. 310 с.